



Olimpiada Națională de Matematică Programa pentru clasele a V-a – a VIII-a

- Pentru fiecare clasă, în programa de olimpiadă sunt incluse, în mod implicit, conținuturile programelor de olimpiadă din clasele anterioare.
- Pentru fiecare clasă, în programa prevăzută pentru etapa județeană/a sectoarelor municipiului București și pentru etapa națională sunt incluse, în mod implicit, și conținuturile programelor de olimpiadă de la etapa/etapele anterioare.
- Pentru fiecare clasă, în programa de olimpiadă sunt incluse, în mod implicit, conținuturile programelor școlare în vigoare.

Clasa	Etapa locală a ONM	Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM	Etapa națională a ONM
a V-a	<ul style="list-style-type: none"> ○ Numere naturale. Operații cu numere naturale. Factorul comun. Teorema împărțirii cu rest. Reguli de calcul cu puteri. Compararea puterilor. <i>Ultima cifră a unei puteri</i> ○ <i>Pătrate perfecte. Cuburi perfecte</i> ○ Metode aritmetice de rezolvare a problemelor 	<ul style="list-style-type: none"> ○ Divizibilitatea numerelor naturale. Divizor, multiplu, divizori comuni, multipli comuni ○ Criterii de divizibilitate cu: 2, 5, 2^n, 5^n, 10^n, 3 și 9; numere prime; numere compuse. ■ <i>Scrierea numerelor naturale ca produs de puteri de numere prime</i> 	<ul style="list-style-type: none"> ○ Frații ordinare (conținutul programei școlare) ○ Frații zecimale (conținutul programei școlare) ○ Elemente de geometrie și unități de măsură (conținutul programei școlare)

Clasa	Etapa locală a ONM	Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM	Etapa națională a ONM
a VI-a	<p>Aritmetică și algebră</p> <ul style="list-style-type: none"> ○ Mulțimi. <i>Principiul includerii și excluderii. Partiții. Principiul cutiei</i> ○ Divizibilitate. Proprietăți ale divizibilității în \mathbb{N}. $[a, b] \cdot (a, b) = a \cdot b$ ○ $(a, b) = d \Rightarrow \exists x, y \in \mathbb{N}$, cu $(x, y) = 1$ și $a = dx, b = dy$ ○ $[a, b] = m \Rightarrow \exists x, y \in \mathbb{N}$ cu $(x, y) = 1$ și $m = ax, m = by$ ○ Rapoarte și proporții <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none"> ○ Unghiuri. <i>Teorema directă și teorema reciprocă a unghiurilor opuse la vârf</i> ○ Paralelism și perpendicularitate ○ Cercul 	<p>Aritmetică și algebră</p> <ul style="list-style-type: none"> ○ Mulțimea numerelor întregi ○ Divizibilitatea în \mathbb{Z}. <i>Proprietăți ale divizibilității în \mathbb{Z}</i> <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none"> ○ Linii importante în triunghi ○ Metoda triunghiurilor congruente. <i>Cazul L.L.U.</i> ○ <i>Un triunghi este isoscel dacă și numai dacă două unghiuri ale triunghiului sunt congruente</i> 	<p>Aritmetică și algebră</p> <ul style="list-style-type: none"> ○ Mulțimea numerelor raționale <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none"> ○ Proprietățile triunghiurilor isoscele și echilaterale ○ Proprietățile triunghiurilor dreptunghice. ○ <i>Teorema unghiului de 30°, teorema unghiului de 15°</i> ○ <i>Teorema referitoare la lungimea medianei corespunzătoare ipotenuzei și reciprocele acestora</i> ○ <i>Teorema directă și teorema reciprocă a liniei mijlocii a unui triunghi</i>



Clasa	Etapa locală a ONM	Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM	Etapa națională a ONM
a VII-a	<p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none"> Mulțimea numerelor reale (conținutul programei școlare) Partea întreagă și partea fracționară a unui număr real Raționalizarea numitorilor Formula radicalilor dubli Dacă $a, b \in \mathbb{R}^*$ și $p, q \in \mathbb{R}^*$ astfel încât $p\sqrt{a} + q\sqrt{b} \in \mathbb{Q}$, atunci $\sqrt{a} \in \mathbb{Q}$ și $\sqrt{b} \in \mathbb{Q}$ Dacă $a \in \mathbb{R}^*$ și $x \in \mathbb{Q} \setminus \mathbb{Q}$, atunci $a + x \in \mathbb{Q} \setminus \mathbb{Q}$ și $a \cdot x \in \mathbb{Q} \setminus \mathbb{Q}$ Elemente de calcul algebric. Formule de calcul prescurtat: $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$, $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$, pentru orice $a, b \in \mathbb{R}$ <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none"> Patrulater (conținutul programei școlare) Cercul (conținutul programei școlare) Patrulater inscriptibile. Patrulater circumscriptibile. 	<p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none"> Ecuatii și sisteme de ecuații (conținutul programei școlare) <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none"> Asemănarea triunghiurilor (conținutul programei școlare) Teorema paralelelor neechidistante Teorema bisectoarei (interioare, exterioare) și teorema reciprocă Puterea unui punct față de cerc 	<p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none"> Elemente de organizare a datelor Identități algebrice: <ul style="list-style-type: none"> $a^n - b^n = (a - b)(a^{n-1} + a^{n-2}b + \dots + ab^{n-2} + b^{n-1})$, pentru orice $a, b \in \mathbb{R}$ și orice $n \in \mathbb{N}^*$ $a^n + b^n = (a + b)(a^{n-1} - a^{n-2}b + \dots - ab^{n-2} + b^{n-1})$, pentru orice $a, b \in \mathbb{R}$ și orice $n \in \mathbb{N}$, n impar $(a + b)^n = M_a + b^n$, unde $a, b \in \mathbb{R}$ și $n \in \mathbb{N}^*$ identitatea lui Lagrange: $(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) = (ac + bd)^2 + (ad - bc)^2$ Inegalități. Probleme de maxim și de minim <ul style="list-style-type: none"> $a^2 + b^2 \geq 2ab$; $a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca$, $a, b, c \in \mathbb{R}$ $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \geq 2$, pentru orice $a, b \in \mathbb{R}$, $a \cdot b > 0$ inegalitatea mediilor: $\frac{n}{\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} + \dots + \frac{1}{a_n}} \leq \sqrt[n]{a_1 \cdot a_2 \cdot \dots \cdot a_n} \leq \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{n} \leq \sqrt{\frac{a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_n^2}{n}}$, $\forall a_i > 0, i = \overline{1, n}, n \in \mathbb{N}^*$ inegalitatea Cauchy – Buniakovski – Schwarz: $(a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_n^2) \cdot (b_1^2 + b_2^2 + \dots + b_n^2) \geq (a_1b_1 + a_2b_2 + \dots + a_nb_n)^2$, $\forall a_i, b_i \in \mathbb{R}, i = \overline{1, n}, n \in \mathbb{N}^*$ <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none"> Teorema lui Menelaos. Teorema lui Ceva Relații metrice în triunghiul dreptunghic. Arii Teorema lui Pitagora generalizată. Teorema cosinusului. Teorema sinusurilor. Teorema medianei $m_a^2 = \frac{2(b^2 + c^2) - a^2}{4}$ Arii: $A_\Delta = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$; $A_\Delta = \frac{a \cdot b \cdot \sin C}{2}$; $A_\Delta = p \cdot r$; $A_\Delta = \frac{abc}{4R}$; $A_{\text{patrulater convex}} = \frac{d_1 \cdot d_2 \cdot \sin(d_1, d_2)}{2}$

Programa pentru etapa locală, etapa județeană/a sectoarelor municipiului București și etapa națională, Olimpiada Națională de Matematică (ONM)

Clasele a V-a – a VIII-a

An școlar 2022-2023



Clasa	Etapa locală a ONM	Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM	Etapa națională a ONM
a VIII-a	<p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none">○ Intervale. Operații cu intervale. Inecuații○ Calcul algebric în \mathbb{R} <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none">○ Puncte, drepte, plane. Corpuri geometrice○ Paralelism și perpendicularitate (conținutul programei școlare)○ Proiecții ortogonale pe un plan (conținutul programei școlare)○ Teorema celor trei perpendiculare	<p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none">○ Ecuația de gradul al II-lea <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none">○ Distanțe și măsuri de unghiuri pe fețele sau în interiorul corpurilor geometrice studiate (determinare prin calcul)○ Calcul de arii și de volume (poliedre)	<p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none">○ Funcții. Elemente de statistică <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none">○ Corpuri rotunde○ <i>Perpendiculara comună a două drepte; reciprocele teoremei celor trei perpendiculare; plan mediator; plan bisector</i>○ <i>Probleme elementare de loc geometric</i>

Notă

Textul *italic* din tabele semnifică acele conținuturi specifice programelor ONM, în completarea conținuturilor prevăzute de programele școlare ale disciplinei Matematică.